

# Dynamics Computation of Structure–Varying Kinematic Chains and Its Application to Human Figures

Yoshihiko Nakamura<sup>\*1</sup>, Katsu Yamane<sup>\*1</sup> and Fumio Nagashima<sup>\*2</sup>

This paper discusses the dynamics computation of structure-varying kinematic chains which imply mechanical link systems whose structure may change from open kinematic chain to closed one and vice versa. The proposed algorithm can handle and compute dynamics and motions of any rigid link systems in a seamless manner without switching among algorithms. The computation is developed on the foundation of the dynamics computation algorithms developed in robotics, which is inherently superior in efficiency due to explicit use of the generalized coordinates to those used in the general purpose motion analysis software. The structure-varying kinematic chains are commonly found in computing human and animal motions. The established computation will provide the general algorithmic foundation of the computation of motion and control of humanoid robots and CG human figures.

*Key Words*: Structure-Varying Kinematic Chains, Closed Kinematic Chains, Human Figures, Humanoid Robots, Dynamics Computation

#### 1. はじめに

ヒューマノイドロボットの研究の進展に伴い,その制御,行 動生成,シミュレーションなどを効率的に行うことが求められ てきている.またコンピュータグラフィクス(CG)の分野に おいても、マルチメディア技術の発展とともにダイナミックな 動画を簡単に制作できる環境が望まれている.これらに共通し て必要とされるのは,動力学的な整合性を考慮して様々な運動 を作り出す技術である.例えば,ヒューマノイドロボットの歩 行では動力学を考慮した制御は安定歩行に重要なだけでなく、 アクチュエータの性能を効率的に利用することでエネルギー 消費の低減や軽量化に貢献する.また人間が見て自然な動作 を生成する上でも動力学の計算は必要である.一方, CG では モーションキャプチャで得られる限られた運動データをもとに ストーリーに応じて多様な運動を生成することが求められるが, モーションキャプチャデータを単純に運動学的に変更するだけ では不自然な動きになってしまう.ここでも動力学を考慮した 運動生成が求められる.

動力学を用いた人間の運動生成についてはいくつかの研究が ある.Koら[1]は,歩行運動において逆動力学計算により安 定性を解析し,外力が働くときや重い荷物を持ったときのモー ションキャプチャデータからのずれを計算し,自然な運動の生 成を試みている.解析には動力学を用いているものの,動きの 修正は運動学的なもので,力学シミュレーションは行っていな い.また Wooten ら[2]は,人間の高飛び込みにおける運動を シミュレーションし,実際の人間の運動に近い結果を得ている. しかし,地面や他の人間との干渉は考慮していないため,多様 な運動や複数の人間がかかわる運動に応用することは難しい.

本論文では,ヒューマノイドロボットやCG上の人間などを リンク機構として表現した数理モデルをヒューマンフィギュア と呼び,力学的な運動生成の基礎となる運動計算法を扱う.従 来から研究されてきたリンク系の運動計算法は,比較的単純で 一定の構造を持った系を主な対象としていた.それらと比較す ると,人間などの生物を含む力学系の大きな特徴として以下の ようなものが挙げられる.

●構造可変: Fig.1 のように,人の「物をつかむ」,「歩く」



Fig. 1 Example of structure changing

原稿受付 1998年5月13日

<sup>\*&</sup>lt;sup>1</sup>東京大学大学院工学系研究科機械情報工学専攻

<sup>\*&</sup>lt;sup>2</sup>株式会社富士通研究所

<sup>\*&</sup>lt;sup>1</sup>Department of Mechano–Informatics, University of Tokyo

<sup>&</sup>lt;sup>\*2</sup>Fujitsu Laboratories Ltd.

などの運動では開リンクから閉リンクへ,さらに再び開リ ンクへというようにリンク構造が変化する.

 ・閉リンク機構を含む多自由度機構:人間の数理モデルは, 手足の指を除いたとしても40以上の自由度を持つ.また, 両手で物をつかんだり,別の人間と手をつないだりした場 合には複雑な閉リンク機構にもなり得る.

したがって,ヒューマンフィギュアの運動計算法は構造可変性 を容易に取り扱うことができ,かつ計算量も可能な限り少ない ことが望ましい.

閉リンク機構の効率的な動力学計算の研究は従来から行われ ている.現在広く利用されている汎用的な動力学解析ソフト ウェアでは,全リンクの位置・姿勢を一般化座標にとり,これ と関節などに応じた拘束条件を組み合わせて運動方程式を求め ている[3].このような方法は汎用性が高く任意の機構や関節に 対応できる反面,扱う変数が非常に多く膨大な計算量が必要で, 複雑な機構の解析には長い時間がかかるという欠点がある.

動力学計算の効率化のために,閉ループを仮想的に切断して 木構造開リンク機構に変換することが考えられている.遠山 ら[4]は,前記の方法をもとにした漸化式形式の運動方程式を応 用した効率的な順動力学計算法を提案している.一方,中村[5] は駆動関節の一般化座標に関するヤコビアンを用いる逆動力学 計算法を提案している.このアルゴリズムは開リンク機構の効 率的な逆動力学計算法を利用し,効率的に計算することができ るが,実際の計算では機構の特殊性に頼る部分があり,一般的 な閉リンク機構に適用するのは困難である.

構造可変性の取り扱いを容易にするためには,リンク機構の 表現法が重要である.リンク機構の表現には行列を用いること が提案されている[3][6].この方法は,一つの機構モデルのな かでの構造変化の扱いは比較的容易だが,複数の機構が結合す る場合には行列のマージなどの作業が必要である.また,計算 のたびに隣り合ったリンクや閉ループを探索しなければならな い.現状では,構造変化を考慮した機構表現法の研究は見当た らず,構造の変化に伴う処理はオーバーヘッドとなる.

本論文では,まず中村[5]によるパラレルメカニズムの逆動 力学計算法を任意の閉リンク機構に適用する方法について述べ る.次に,ポインタによるリンク構造表現法と仮想リンクによ る閉リンク機構表現法を導入する.そして,あらゆるリンク結 合を閉ループの生成と考えることで,構造変化を統一的かつ容 易に取り扱う方法を示す.最後に,構造変化を伴う力学シミュ レーションの例を示す.

### 2. 一般的な閉リンク機構の動力学

#### 2.1 パラレルメカニズムの逆動力学 [5]

閉リンク機構をいくつかの関節で仮想的に切断した仮想開リン ク機構を考える.この開リンク機構が $N_O$  個の関節 $\theta_O \in \mathbb{R}^{N_O}$ を持っているとして,そのすべてが駆動されていると仮定し, 実際の閉リンク機構に要求されたのとまったく同じ運動を行わ せるのに必要な駆動トルク $\tau_O \in \mathbb{R}^{N_O}$ を計算する.このとき, Newton-Euler法[7]などの開リンク機構の効率的な逆動力学 計算法を適用する.  $\tau_{O}$ を,以下の2式により $N_{A}$ 個の駆動関節 $\theta_{A} \in \mathbf{R}^{N_{A}}$ の 駆動トルク $\tau_{A} \in \mathbf{R}^{N_{A}}$ に変換する.

$$\boldsymbol{\tau}_G = \boldsymbol{W}^T \boldsymbol{\tau}_O \tag{1}$$

$$\boldsymbol{\tau}_G = \boldsymbol{S}^T \boldsymbol{\tau}_A \tag{2}$$

ここで,閉リンク機構全体の自由度を $N_F$ とし, $\theta_G \in \mathbb{R}^{N_F}$ を閉リンク機構の状態を表す一般化座標, $\tau_G \in \mathbb{R}^{N_F}$ をそれに対応する一般化力とすれば, $W \in \mathbb{R}^{N_O \times N_F}$ , $S \in \mathbb{R}^{N_A \times N_F}$ は以下に示すヤコビアンである.

$$W = \frac{\partial \theta_O}{\partial \theta_G} \tag{3}$$

$$\boldsymbol{S} = \frac{\partial \boldsymbol{\theta}_A}{\partial \boldsymbol{\theta}_G} \tag{4}$$

具体的な計算手順としては,まず仮想開リンク機構の逆動力 学計算を行って $\tau_O$ を計算し,式(1)により一般化力 $\tau_G$ に 変換する.そして,式(2)を解いて駆動関節トルク $\tau_A$ を計 算する.機構に駆動冗長性がある場合は,ここで駆動トルクの 配分を最適化することができる[8].

パラレルメカニズムでは,機構の並列性を利用して W と S を計算することができる.また,平面機構など単純な機構では これらが定数行列になることがあり,その物理的な意味から直 観的に得ることができる.しかし,一般的な閉リンク機構に対 しては W,S の計算方法がこれまで知られておらず,式(1), 式(2)による逆動力学計算法を適用することができなかった.

**2.2** 一般的閉リンク機構の W, S 計算法

任意な閉リンク機構に適用可能な W, S 計算法を以下に示す. 閉ループを一つの関節で仮想的に切断することを考える. このとき, 閉ループは2本のリンク列に分けられる. 切断点の 速度・角速度が一致することから,次式を満たす  $J_{Li} \in \mathbf{R}^{6 \times N_J}$ が計算できる.

$$\boldsymbol{J}_{Li}\boldsymbol{\theta}_J = \boldsymbol{O} \tag{5}$$

ここで  $N_J$  は全関節数,  $\theta_J$  は全関節角である.式(5)は閉 ループの拘束を表す. $J_{Li}$ の成分は,開リンク機構における関 節角に対する手先位置のヤコビアンと同様の手順で計算できる.

機構中のループ数を  $N_L$  として ,  $J_{Li}(i = 1, 2, ..., N_L)$  を 縦に並べて  $J_C \in \mathbf{R}^{6N_L \times N_J}$  を作る .

$$\boldsymbol{J}_{C} \stackrel{\Delta}{=} \left( \begin{array}{c} \boldsymbol{J}_{L1} \\ \boldsymbol{J}_{L2} \\ \vdots \\ \boldsymbol{J}_{LN_{L}} \end{array} \right)$$
(6)

 $J_C \ 0 \ 6N_L$ 本の行のうち独立なものがm本あるとし,それらを集めて $J_{Cm} \in \mathbf{R}^{m \times N_J}$ を作ると,すべての閉ループによるm個の独立な拘束条件が得られる.

$$\boldsymbol{J}_{Cm}\dot{\boldsymbol{\theta}}_J = \boldsymbol{O} \tag{7}$$

 $N_J$  個の関節に対し m 個の拘束条件があるので,機構全体の 自由度  $N_F$  は次式で求められる.

$$N_F = N_J - m \tag{8}$$

 $J_{Cm}$ から m本の独立な列ベクトルを集めて  $J_S \in \mathbb{R}^{m \times m}$ を作り,残りを集めて  $J_G \in \mathbb{R}^{m \times (N_J - m)}$ とする. $\theta_J$ の成分は次式を満たすようにあらかじめ順序づけられているとしても一般性を失わない.

$$\boldsymbol{J}_{Cm}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{J} = \left( \begin{array}{c} \boldsymbol{J}_{S} \end{array} \middle| \begin{array}{c} \boldsymbol{J}_{G} \end{array} \right) \left( \begin{array}{c} \boldsymbol{\theta}_{S} \\ \dot{\boldsymbol{\theta}}_{G} \end{array} \right) = \boldsymbol{O}$$
(9)

. . .

ここで  $\boldsymbol{\theta}_{S} \in \mathbf{R}^{m}$ ,  $\boldsymbol{\theta}_{G} \in \mathbf{R}^{N_{J}-m}$ はそれぞれ  $J_{S}$ ,  $J_{G}$ に対応 する  $\boldsymbol{\theta}_{J}$ の成分を集めたベクトルである.式(9)より

$$\boldsymbol{J}_{S}\boldsymbol{\dot{\theta}}_{S} = -\boldsymbol{J}_{G}\boldsymbol{\dot{\theta}}_{G} \qquad (10)$$

となる. 定義より J<sub>S</sub> は正則行列なので,式(10)は

$$\dot{\boldsymbol{\theta}}_{S} = \boldsymbol{H} \dot{\boldsymbol{\theta}}_{G} \tag{11}$$

と変形できる.ここで  $H \in \mathbf{R}^{m \times N_F}$  は次式で定義される  $\boldsymbol{\theta}_S$ の  $\boldsymbol{\theta}_G$  に関するヤコビアンである.

$$\boldsymbol{H} \stackrel{\triangle}{=} \frac{\partial \boldsymbol{\theta}_S}{\partial \boldsymbol{\theta}_G} = -\boldsymbol{J}_S^{-1} \boldsymbol{J}_G \qquad (12)$$

式(11)により  $\theta_G$  から全関節の運動  $\theta_J$  が決定される.この ことから  $\theta_G$  を一般化座標と定めることができる.

W, Sは H から以下のように作られる. Fig. 2 に方法を 図示する.

- W の第 *i* 行: θ<sub>0</sub> の *i* 番目の関節が一般化座標でなく, θ<sub>S</sub>
  の *j* 番目にあたるときは H の第 *j* 行とする. θ<sub>0</sub> の *i* 番目の関節が一般化座標で, θ<sub>G</sub> の *j* 番目にあたるときは *j* 番目の要素が1,それ以外は0の単位行ベクトルとする.
- *S* の第 *i* 行: *θ*<sub>A</sub> の *i* 番目の関節について *W* と同様の操 作を行う.

以上のように,開リンク機構のヤコビアンと同様に求められる Jc をもとに,機構全体の自由度やトルク変換に必要なヤコビ アン W,S を一般の閉リンク機構に対して計算することがで きる.これにより,文献[5]の効率的な逆動力学計算アルゴリ ズムを一般の閉リンク機構に適用することが可能となった.

2.3 加速度の関係式

式(11)を時間微分すると次のような加速度の関係式が得られる.

$$\boldsymbol{\theta}_S = \boldsymbol{H}\boldsymbol{\theta}_G + \boldsymbol{H}\boldsymbol{\theta}_G \qquad (13)$$



Fig. 2 Forming W from H

式(12)から,

$$\dot{\boldsymbol{H}}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{G} = -\left\{\frac{d}{dt}(\boldsymbol{J}_{S}^{-1})\boldsymbol{J}_{G} + \boldsymbol{J}_{S}^{-1}\dot{\boldsymbol{J}}_{G}\right\}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{G} \qquad (14)$$

となる.ここで  $\boldsymbol{J}_S^{-1}\boldsymbol{J}_S = \boldsymbol{E}$  より

$$\frac{d}{dt}(\boldsymbol{J}_{S}^{-1})\boldsymbol{J}_{S} + \boldsymbol{J}_{S}^{-1}\boldsymbol{J}_{S} = \boldsymbol{O}$$
(15)

である.式(10),式(15)を用いて式(14)を変形し,整理 すると次式が得られる.

$$\dot{\boldsymbol{H}}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{G} = -\boldsymbol{J}_{S}^{-1}(\dot{\boldsymbol{J}}_{S}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{S} + \dot{\boldsymbol{J}}_{G}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{G})$$
$$= -\boldsymbol{J}_{S}^{-1}\dot{\boldsymbol{J}}_{Cm}\dot{\boldsymbol{\theta}}_{J} \qquad (16)$$

 $J_{Cm} \theta_J$ は,  $J_C \theta_J$ から  $J_{Cm}$ に対応する成分を取り出すことによって得られる.また  $J_C \theta_J$ の各閉ループに対応する成分は,シリアルリンクマニピュレータの計算法 [9]と同様に求められる.

2.4 一般的な閉リンク機構の順動力学

開リンク機構の順動力学計算法 [3] [7] はいくつか提案されて いるが,閉リンク機構に応用するのは困難である.そのなかで, 「単位ベクトル法」は計算量が  $O(N^2)$  と大きいものの,比較的 容易に閉リンク機構へ拡張できる [5].本節では,閉リンク機構 に単位ベクトル法を適用した順動力学計算法について述べる.

閉リンク機構の運動方程式は,開リンク機構と同様に以下の ように書ける.

$$\boldsymbol{\tau}_{G} = \boldsymbol{A}(\boldsymbol{\theta}_{G})\ddot{\boldsymbol{\theta}}_{G} + \boldsymbol{b}(\boldsymbol{\theta}_{G}, \dot{\boldsymbol{\theta}}_{G})$$
(17)

ここで  $\tau_G \in \mathbf{R}^{N_F}$  は入力一般化力,  $A \in \mathbf{R}^{N_F \times N_F}$  は慣性行 列,  $b \in \mathbf{R}^{N_F}$  は速度依存項や重力項をまとめたものである. 開リンク機構の場合は,全関節角が一般化座標になり,関節ト ルクが入力一般化力となる.したがって式(17)から全関節の 加速度が直接得られる.一方,閉リンク機構では駆動トルクと 一般化力とはベクトルの次元さえも異なることがある.駆動ト ルクを一般化力に変換し,一般化座標の加速度を求め,これか ら全関節の加速度を計算するという手順になる.

具体的な計算手順をまとめる.ここでは  $\tau_A$  を駆動トルクとして与える.

 $(1)\tau_A$ を式(2)により一般化力 $\tau_G$ に変換する.

(2) $\ddot{\theta}_{G} = O$ として 2.1, 2.2 節の手順で逆動力学計算を行い, 得られた一般化力  $\tau_{G}$ を b とする.このとき,一般化座標 でない関節の加速度  $\ddot{\theta}_{S}$ は, $\ddot{\theta}_{G} = O$ を式(13)に代入す ることにより,2.3 節で計算手順が示された  $\dot{H}\dot{\theta}_{G}$ として 与えられることが分かる.

(3) $i = 1, 2, \dots, N_F$  について,以下の計算を行う.

(a) 第 *i* 要素が 1, その他の要素が 0 の単位ベクトル



 $Fig. \ 3 \quad {\rm Base-free \ kinematic \ chain}$ 

 $e_i \in \mathbf{R}^{N_F}$ を用いて  $\ddot{\theta}_G = e_i$ とする.他の関節の加速度  $\ddot{\theta}_S$ は式(13)にこれを代入して求める.

- (b)2.1,2.2 節の手順で逆動力学計算を行い,得られた
  一般化力 τ<sub>G</sub> を f<sub>i</sub>とする.
- (c)次式で計算される a<sub>i</sub> を慣性行列 A の第 i 列とする.

$$\boldsymbol{a}_i = \boldsymbol{f}_i - \boldsymbol{b} \tag{18}$$

(4)(1)の  $\tau_G$ , (2) の b, (3) の A を用いて,次式により一般 化座標の加速度を計算する.

$$\ddot{\boldsymbol{\theta}}_G = \boldsymbol{A}^{-1}(\boldsymbol{\tau}_G - \boldsymbol{b}) \tag{19}$$

- (5)式(13)を用いて θ<sub>S</sub> を計算することにより,全関節の加速度が得られる.ここで Hθ<sub>G</sub> は(2)で計算したものを使う.
  - 2.5 浮遊リンク機構の順動力学

浮遊リンク系は, Fig.3 のようにベースと慣性座標系の間に 6 自由度の受動対偶を考えることで,ベースが固定されたリン ク系と同様に順動力学を計算することができる.このとき,6 自由度の自由関節を六つの1自由度関節に分解せず,1個の関 節として扱うと動力学を効率的に計算することができる.

### 3. リンク機構の表現

## 3.1 ポインタによる開リンク連鎖表現

本研究で採用した動力学計算アルゴリズムは,リンク列を ベースリンクからエンドリンクへ(順方向),およびエンドリ ンクからベースリンクへ(逆方向)たどっていく漸化式形式で 表現されている.このような計算を効率的に行うために,開リ ンク連鎖を他のリンクへの矢印となる「ポインタ」によって表 現する.この方法では関節で接続されているリンクを探索する 必要がない.また,リンク構造を表現するのに必要なデータの 量はリンク数に比例し,多数のリンクが存在する系でもデータ の量は比較的少ない.さらに,このポインタ表現はC++を用 いたプログラムの構造とも一致しており,効率的で実装が容易 である.

はじめに,各リンクに対してベースリンク側につながって いる「親(Parent)リンク」を指定し,それを指す「親ポイン タ」を定める.次に,エンドリンク側につながっているリンク を「子(Child)リンク」とし,それを指す「子ポインタ」を定 める.エンドリンク側につながっているリンクが複数ある場合 には,そのうちの一つを「子リンク」とし,残りはその「兄弟 (Brother)リンク」として「兄弟ポインタ」によって線形リス ト状に追加していく.ポインタの付け方を Fig.4 にまとめる.

順方向計算を行う関数では,自分に関する処理が終了した後, Brother と Child に対して同じ関数を再帰的に呼び出す.また,



Fig. 4 Three pointers to describe open-link structure



Fig. 5 Describing closed loop by virtual link



Fig. 6 Example of describing link structure

逆方向計算を行う関数では,Brother と Child に対して再帰呼 び出しを行った後,自分に関する処理を行う.Parent ポイン タは,親リンクのデータを参照するときに利用する.このよう に,ポインタによる機構表現は漸化式形式で表現されたアルゴ リズムを C++でインプリメントするのに適している.

#### 3.2 閉リンク連鎖表現

閉リンク機構ではリンク列が閉じているため、リンクの親子 関係が決められない.そこで、Fig.5のように閉ループを仮想 的に切断して開リンク機構と同様に記述し、切断関節の両側に あったリンクのいずれかを「実体(Real)リンク」とする「仮 想(Virtual)リンク」を作って実体リンクのない側のエンドリ ンクとして追加する.ただし、仮想リンクは運動学パラメータ のみを持ち、力学パラメータはすべて0とする.このとき、仮 想リンクと実体リンクを対応付けるために、仮想リンクから実 体リンクを指す「実体ポインタ」を導入する.

以上"Parent", "Child", "Brother", "Real"の4種類のポ インタを定義することによって,閉リンク機構を含む任意のリ ンク機構を,動力学計算に便利な形で記述することができる. 閉リンク機構を記述した例を Fig.6 に示す.この方法の特徴 をまとめると以下のようになる.

- リンクの接続関係が明確で、漸化式形式の動力学計算のインプリメントが容易である。
- 閉ループと仮想リンクが1対1に対応し,閉リンクの判別 が容易である.

- 動力学計算における仮想切断点を閉リンク連鎖表現の仮想切断点,すなわち仮想リンクとその親リンクとの間の関節に一致させることで,動力学計算時のリンクのインデックスが容易になる.
- 閉リンク機構の表現は一意ではない.
  - 構造可変リンク系
- 4.1 構造可変リンク系とは

構造可変リンク系とは,運動の途中においてリンクとリンク が結合したり,関節が切断されてリンクが分離したりする物理 的なリンク連鎖の変化が許されるリンク系をいう.例えば,手 で鉄棒をつかむ運動では手と鉄棒の間に新しい関節が生じる. また2足歩行においては,左右の足が地面との結合/分離を繰 り返していると考えることができる.このように人間や動物の 運動では構造変化が頻繁に発生するため,ヒューマンフィギュ アの運動計算では構造変化をなるべく容易に取り扱うことがで きる必要がある.本章では,構造変化を自動的に扱うための手 法を提案する.

4.2 リンクの結合

構造変化のうち,まず二つのリンクが結合する場合を考える. Fig.7のように,リンクの結合により閉ループが生成される場合は,仮想リンクを新たに作り,データに追加すればよい.処理の手順は以下のようになる.

(1)Link4 の仮想リンクLink4v を生成する.

(2)Link4v を Link3 の子リンクとする.

リンク構造表現の変化を Fig.8 に示す.

これらの処理は,結合すべきリンクさえ指定すればプログラムで自動的に行うことができるので,計算途中にオンラインでリンク結合を処理することが可能である.

Fig.9のように浮遊リンク系が他のリンク系と結合する場合 にはさらに考慮が必要となる.Fig.9はBaseとLink1という



Fig. 7 Example of link connection



Fig. 8 Link structure description before and after connection

JRSJ Vol. 16 No. 8

2 リンクからなる1 関節の浮遊リンク系の Link1 と第2 のリン ク系である地面(Ground)が結合し,新しい関節ができる場合 である.このとき,結合後の構造が物理的には開リンク機構で あることを考慮すると,結合前のデータを Fig.10 のように変 更するのが妥当であると考えられる.ここで,Parent ポインタ に付記した "*Rotate*", "*Free*"はそれぞれ回転関節,自由関節 を表す.しかし,この変更は Base と Link1 の親子関係の逆転 を伴い,隣り合う関節の位置関係を表す Denavit-Hartenberg パラメータや動力学パラメータを変更しなければならない.こ れは原理的に困難な問題ではないが,リンク構造が頻繁に変化 するヒューマンフィギュアの歩行動作などのシミュレーション では計算のオーバーヘッドとなる.

そこで,結合により閉リンク機構ができる場合とまったく同様に仮想リンクを作り,BaseとGroundの間の6自由度対偶を閉ループ内に含む閉リンク機構とみなす.このような閉リンク機構を擬似閉リンク機構と呼ぶことにする.Fig.9の結合後の構造に対する擬似閉リンク機構とそのリンク構造表現をFig.11に示す.

擬似閉リンク機構を考えて構造変化を処理する手法は以下の ような特徴を持つ.

• リンクの親子関係を逆転させる必要がない.



Fig. 9 Open chain generated by link connection



Fig. 10 Apparently possible change of link structure description



Fig. 11 Pseudo-closed-link structure

- リンク結合後の構造が開リンクであるか閉リンクであるか
  を問わず,同じ手順で処理することができる.
- 結合後の構造が物理的に開リンク機構となる場合は,擬似 閉リンクとして計算した場合には計算量が多くなる.しか し,自由関節は一つの6自由度対偶として扱うことができ るため,計算量の増加分は通常の1自由度対偶6個の計算 量よりもはるかに小さい.
- 4.3 構造変化後の速度境界条件

リンクとリンクが結合・切断する瞬間において,二つのリン クの相対速度が0でない場合には衝突現象が起こり,構造変化 の前後で関節速度が不連続に変化する.爆発を伴う切断を除い て,多くの切断においては相対速度を0としてよい.結合にお いては,むしろ非零の相対速度を持つことが多いと考えられる. 動作解析の数値積分において,構造変化直後の速度を境界条件 として与えることが必要である.以下では速度境界条件の計算 法を示す.

結合する二つのリンクがそれぞれリンク機構 1,2 に属してい るとする.結合前のそれぞれの一般化座標を $\theta_i(i = 1, 2)$ ,結合 点rの一般化座標に対するヤコビアンをそれぞれ $J_i = \partial r / \partial \theta_i$ とし,両者の慣性行列を $A_i$ とする.

それぞれのリンク機構に結合点において力積  $F_i$  が加わり, 構造変化の前後で一般化座標の速度が  $\Delta \theta_i$  だけ変化したとす る.また,結合点に p 自由度の新しい関節  $\theta_n \in \mathbb{R}^p$  ができた とし,結合により生成された仮想リンクの  $\theta_n$  に関するヤコビ アンを  $J_n$  とする.

力積と運動量変化の関係から

$$\boldsymbol{A}_{i}\Delta\boldsymbol{\theta}_{i} = -\boldsymbol{J}_{i}^{T}\boldsymbol{F}_{i} \quad (i=1,2) \tag{20}$$

が成り立つ.また,作用反作用の法則から

$$\boldsymbol{F}_2 = -\boldsymbol{F}_1 \tag{21}$$

結合後は仮想リンクとその実体リンクの速度が一致することから,結合後の機構の関節速度について以下の関係が成り立つ.

$$\boldsymbol{J}_1(\dot{\boldsymbol{\theta}}_1 + \Delta \dot{\boldsymbol{\theta}}_1) = \boldsymbol{J}_2(\dot{\boldsymbol{\theta}}_2 + \Delta \dot{\boldsymbol{\theta}}_2) + \boldsymbol{J}_n \dot{\boldsymbol{\theta}}_n \qquad (22)$$

結合により機構が受ける力積は,新しい関節 $\theta_n$ の可動方向成分を持たない.例えば,新しく回転関節が生成される場合には,その軸回りのモーメントを与えることはできない.この条件は以下のように表される.

$$\boldsymbol{J}_n^T \boldsymbol{F}_1 = \boldsymbol{O} \tag{23}$$

式 (20)~(23)を  $\Delta \dot{\theta}_1$ ,  $\Delta \dot{\theta}_2$  について解くと, 一般化座標 の速度の変化が計算される.

$$\Delta \dot{\boldsymbol{\theta}}_1 = -\boldsymbol{A}_1^{-1} \boldsymbol{J}_1^T \boldsymbol{B}^{-1} (\boldsymbol{E}_6 - \boldsymbol{C}) \boldsymbol{v} \qquad (24)$$

$$\Delta \dot{\boldsymbol{\theta}}_2 = \boldsymbol{A}_2^{-1} \boldsymbol{J}_2^T \boldsymbol{B}^{-1} (\boldsymbol{E}_6 - \boldsymbol{C}) \boldsymbol{v} \qquad (25)$$

ただし,

$$\boldsymbol{B} = \boldsymbol{J}_1 \boldsymbol{A}_1^{-1} \boldsymbol{J}_1^T + \boldsymbol{J}_2 \boldsymbol{A}_2^{-1} \boldsymbol{J}_2^T \qquad (26)$$

$$\boldsymbol{C} = \boldsymbol{J}_n (\boldsymbol{J}_n^T \boldsymbol{B}^{-1} \boldsymbol{J}_n)^{-1} \boldsymbol{J}_n^T \boldsymbol{B}^{-1}$$
(27)

$$\boldsymbol{v} = \boldsymbol{J}_1 \boldsymbol{\theta}_1 - \boldsymbol{J}_2 \boldsymbol{\theta}_2 \tag{28}$$

であり, E<sub>6</sub> は 6 行 6 列の単位行列である.

なお,結合した二つのリンクが固定される場合,すなわち p=0の場合は,式(22)に $\dot{\theta}_n$ は現れず,式(23)は不要に なる.そのときの解は式(24)25)においてC = Oとしたも のとなる.

-つの機構のなかでリンクの結合が発生する場合は,一般化 座標と慣性行列は一致するがヤコビアン *J*<sub>1</sub> と *J*<sub>2</sub> は異なる. また,式(20)の代わりに次式を用いる.

$$\boldsymbol{A}_1 \Delta \boldsymbol{\theta}_1 = -\boldsymbol{J}_1^T \boldsymbol{F}_1 - \boldsymbol{J}_2^T \boldsymbol{F}_2 \qquad (29)$$

同様に一般化座標の速度の変化を求めると以下のようになる.

$$\Delta \dot{\boldsymbol{\theta}}_1 = -\boldsymbol{A}_1^{-1} \boldsymbol{J}_1^T \tilde{\boldsymbol{B}}^{-1} (\boldsymbol{E}_6 - \tilde{\boldsymbol{C}}) \tilde{\boldsymbol{v}}$$
(30)

ただし,

$$\tilde{\boldsymbol{B}} = (\boldsymbol{J}_1 - \boldsymbol{J}_2) \boldsymbol{A}_1^{-1} (\boldsymbol{J}_1 - \boldsymbol{J}_2)^T$$
 (31)

$$\tilde{\boldsymbol{C}} = \boldsymbol{J}_n (\boldsymbol{J}_n^T \tilde{\boldsymbol{B}}^{-1} \boldsymbol{J}_n)^{-1} \boldsymbol{J}_n^T \tilde{\boldsymbol{B}}^{-1}$$
(32)

$$\tilde{\boldsymbol{v}} = (\boldsymbol{J}_1 - \boldsymbol{J}_2)\boldsymbol{\theta}_1 \tag{33}$$

4.4 関節の切断

関節が切断される<sup>†</sup>場合を考える.仮想関節のある関節での 切断は,結合とまったく逆の操作により処理することができる. Fig.7の結合後の構造において,Link3とLink4の間の関節を 切断するためには以下の操作を行う.

(1)Link4v をリンク構造から切り離す.

(2)Link4v を消去する.

ヒューマンフィギュアは基本的には腰あるいは胴部をベース とする浮遊開リンク機構となる.これが手や足先で他のリンク 系と結合,切断することによって構造変化が起こる.したがっ て,一般にヒューマンフィギュアにおける関節の切断は仮想リ ンクのある場所に限られると考えてよい.

ー般のリンク系の構造変化に対応するために,仮想リンクが存在しない場所での切断も扱えることが必要である.この場合も4.2節のように自由関節を導入することで困難なく扱うことができる.Fig.7の結合後の構造において,Link1とLink3の間の関節が切断される場合を考えよう.このときは,Link3をLink1から切り離してBaseの子リンクとし,BaseとLink3の間の関節はFreeとすればよい.切断後のリンク構造表現をFig.12に示す.仮想リンクLink4vによってLink3とLink4のつながりが表現されているので,Link2—Link4—Link3の連鎖は維持される.

4.5 球面関節

Fig. 13 に人間の関節構成をモデル化したものの一例を示す. このモデルは12 個の球面関節と4 個の回転関節の計40 自由度 を持つ.このように人間の関節には球面関節としてモデル化で きるものが多い.マニピュレータでは通常回転軸が1点で交わ る三つの回転関節で球面関節を実現する.しかし,ヒューマン フィギュアのように球面関節が多数存在する場合には,球面関

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup>動力学計算における仮想的切断ではなく,構造変化を起こす物理的な 切断をいう.



Fig. 12 Link structure and its description after cutting



Fig. 13 Example of human model

節を一つの関節として扱った方が計算量の点で有利である.実際, Fig. 13のモデルをすべて回転関節で構成したとすれば41個のリンクが必要になるが,球面関節を利用すればリンク数は17個となる.また,リンク構造の記述も容易である.

球面関節を用いる場合の問題は数値積分である.オイラー角 のような特異点を持つ座標系を用いずに相対的な姿勢の変化 (角速度)を数値積分する方法は自明ではない.ここでは有限 の三次元回転を扱うRodriguesの式[10]を無限小回転の数値積 分として用いる.以下に一次近似積分(オイラー法)として数 値積分する方法を示す.

リンク i の親リンクに対する相対角速度を  $\omega_i$ ,相対姿勢を  $\mathbf{R}_i$ とすると, $\Delta t$  秒後の相対姿勢  $\mathbf{R}'_i$ は次式で計算される.

$$\boldsymbol{R}'_{i} = (\boldsymbol{E}_{3} + \boldsymbol{\Omega}\sin\theta + \boldsymbol{\Omega}^{2}(1 - \cos\theta))\boldsymbol{R}_{i} \qquad (34)$$

ただし,

$$\boldsymbol{\theta} = \boldsymbol{\omega}_i \Delta t \tag{35}$$

$$\theta = |\boldsymbol{\theta}| \tag{36}$$

$$\theta(\bar{\omega}_x \, \bar{\omega}_y \, \bar{\omega}_z)^T = \boldsymbol{\theta} \tag{37}$$

$$\boldsymbol{\Omega} = \begin{pmatrix} 0 & -\bar{\omega}_z & \bar{\omega}_y \\ \bar{\omega}_z & 0 & -\bar{\omega}_x \\ -\bar{\omega}_y & \bar{\omega}_x & 0 \end{pmatrix} \quad (38)$$

であり, E<sub>3</sub>は3行3列の単位行列である.

### 5. 構造変化を伴う運動の解析例

前章までに述べた閉リンク順動力学計算法,および構造可変 力学系の動力学計算法により,いくつかの簡単な系について力 学シミュレーションを行い,計算法の妥当性を検証した.

なお(株)富士通研究所により開発された First sight<sup>†</sup>を開発 環境とし,そのなかの LSI の一つとしてすべてのアルゴリズム をプログラミングした.画面表示などには標準装備の LSI を利 用した.

#### 5.1 鉄棒

関節の切断の例として,両手で鉄棒につかまっていた人間が 片手を離す様子を Fig. 14 に示す.ヒューマンフィギュアのリ ンク構造は腕・脚にそれぞれ4自由度を持つ16自由度系とし, 鉄棒と両手の間にはおのおの1自由度の回転関節を置いている. ある瞬間に右手と鉄棒の間の関節を切断する指示を出すと,片 手だけで鉄棒を持った状態になる.

## 5.2 ブランコ

Fig.15 はブランコが壊れてヒューマンフィギュアが落下す る様子をシミュレーションしたものである.モデルは鉄棒の場 合と同じ16 自由度系で,ブランコは左右の棒が上部に3 自由 度の球面関節を持っている.また,両手と左右の棒の間には3 自由度の球面関節,両太ももとブランコの板の間に横方向の並 進関節があり,合計30 自由度系となっている.初めに板が左 の棒からはずれ,その後両太ももが板から滑り落ちる.

#### 6. おわりに

本研究で得られた成果は以下の通りである.

- (1)従来パラレルメカニズムなどの特定の閉リンク機構に適用 されてきた効率的な動力学計算法[5]を,任意な閉リンク 機構に適用することを可能にした.
- (2)リンク機構を隣り合うリンクへのポインタと仮想リンクに よって表現することを提案した.この表現法は,データ量 が少なく,C++による上記アルゴリズムの実装に適して いる.
- (3)リンク結合後の構造が開リンクであるか閉リンクであるか によらず,あらゆる状況におけるリンク構造の変化を統一 的に扱うことができることを示した.これにより,構造変 化を伴うリンク系の力学計算をシームレスに処理すること が可能となった.
- (4)リンク構造変化後の速度境界条件の存在とその計算法を示した.
- (5)人間や生物の自由度の多くが球面関節の3自由度対偶で表 されることに注目し、これを陽に扱うことにでリンク数を 減らすことができることを明らかにした.さらに、球面関 節の数値積分法として Rodriguesの式[10]を用いる方法 を示した.
- (6)提案した計算法を実装し,ヒューマンフィギュアを含み,

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup>視覚的にプログラミングを行うことのできるアプリケーション開発環 境.GUI, OpenGL による三次元モデル表示,動力学計算などのモ ジュールが"ソフトウェア LSI"として装備されており,プログラマは 必要な"LSI"を配線エディタ上で配線するだけでアプリケーションを 開発することができる.



Fig. 14 Example of dynamics simulation of human figure: high bar



Fig. 15 Example of dynamics simulation of human figure: swing

構造変化を伴う動力学シミュレーションに適用することで, 本論文で述べた手法の有効性を示した.

本研究で提案した手法は,歩行などの構造変化を伴う運動の 動力学計算を容易かつ高速に行うことができ,力学的に自然な 運動の生成やヒューマノイドの制御およびシミュレーションな どに応用が可能である.

本研究は平成8,9年度情報処理振興事業協会(IPA)創造的 ソフトウェア育成事業「人間/生物を含むモーションコンテン ツ制作支援環境の開発」の援助を受けた.

参考文献

- H. Ko and N.I. Badler: "Animating Human Locomotion with Inverse Dynamics," IEEE Transactions on Computer Graphics, vol.16, no.2, pp.50-59, 1996.
- [2] W.L. Wooten and J.K. Hodgins: "Animation of Human Diving," Computer Graphics Forum, vol.15, no.1, pp.3-13, 1996.



#### 中村仁彦 (Yoshihiko Nakamura )

1954年9月22日生.1977年京都大学工学部精密 工学科卒業.1982年同大学大学院博士課程退学.同 年より1987年まで同大学助手.1987年より1991 年3月までカリフォルニア大学サンタバーバラ校 助教授,準教授.同年4月より東京大学工学部機 械情報工学科に勤務,現在教授.工学博士.運動

学的冗長性,閉リンク機構の駆動冗長性,複数のロボット機構の協調,宇宙ロボットの制御,非ホロノミックな拘束を受ける機械の運動制御,外科手術用ロボットなどに興味をもつ.計測自動制御学会,システム制御情報学会,日本機械学会,日本コンピュータ外科学会,IEEEE,ASMEなどの会員. (日本ロボット学会正会員)



永嶋史朗(Fumio Nagashima)

1959年8月23日生、1983年慶應義塾大学工学部 機械工学科卒業、1988年(株)富士通研究所入社、 ロボット,特に宇宙ロボットのシミュレータの開発, 月面ローバの運動解析,宇宙空間での作業支援地 上系の研究開発に従事、現在,ペリフェラルシス テム研究所自律システム研究部に所属、工学博士、

日本機械学会の会員.

- [3] Farid M.L. Amirouche: Computational Methods in Multibody Dynamics. Prentice – Hall, 1992.
- [4] 遠山,渡部,田野: "閉ループを持つ機構の効率的な順動力学解法―
  第1報:漸化式形式の順動力学解法",日本ロボット学会誌,vol.14, no.2, pp.279-286, 1996.
- [5] 中村仁彦: "パラレルメカニズムの動力学",日本ロボット学会誌, vol.10, no.6, pp.709-714, 1992.
- [6] 杉本浩一: "閉ループ機構の運動方程式の導出",日本ロボット学会 誌,vol.15, no.3, pp.460-467, 1997.
- [7] R. Featherstone: Robot Dynamics Algorithm. Kluwer, 1987.
- [8] Y. Nakamura and M. Ghodoussi: "Dynamics Computation of Closed-Link Robot Mechanisms with Nonredundant and Redundant Actuators," IEEE Transactions on Robotics and Automation, vol.5, no.3, pp.294-302, 1989.
- [9] 中村,横小路,花房,吉川: "ロボットマニピュレータの運動学と動力 学の統合化計算",計測自動制御学会論文集,vol.23, no.5, pp.71-78, 1987.
- [10] J.J. Craig: Introduction to Robotics: Mechanics and Control, Addison-Wesley, 1986.



## 山根 克(Katsu Yamane)

1974 年 8 月 1 日生 . 1997 年東京大学工学部機械 情報工学科卒業,同大学院工学系研究科機械情報 工学専攻入学,現在に至る.構造可変力学系の運 動計算,ヒューマノイドの力学シミュレーション, CGにおける力学的運動生成などに興味を持つ. (日本ロボット学会学生会員)